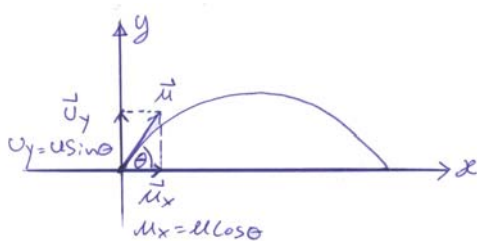


## การเคลื่อนที่ใน 2 มิติ (Motion in Two Dimensions)

ผศ.ศิลปชัย บุรณพานิช

### สรุปสาระสำคัญ

1. หัวข้อสำคัญ : การเคลื่อนที่แบบโพรเจกไทล์ (Projectile motion) การเคลื่อนที่ในแนววงกลม(Circular motion)
2. คำสำคัญ : เส้นโค้งพาราโบลา มุมยิง คาบของการเคลื่อนที่ ความถี่ แรงสู่ศูนย์กลาง ความเร่งสู่ศูนย์กลาง อัตราเร็วเชิงมุม สภาพเสมือนไร้น้ำหนัก
3. สมการการเคลื่อนที่  
สำหรับ การเคลื่อนที่แบบโพรเจกไทล์



$$S_x = (u \cos \theta) t, \quad S_y = (u \sin \theta) t + \frac{1}{2} (c-g) t^2$$

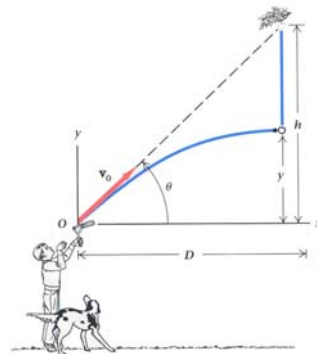
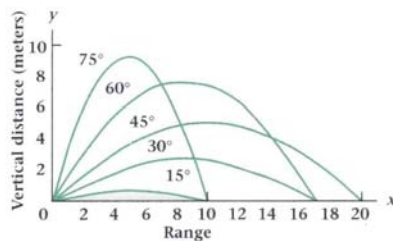
$$t = \frac{2 u \sin \theta}{g}, \quad S_x = \frac{u^2 \sin 2\theta}{g}$$

$$S_{x(\max)} = \frac{u^2}{g} \text{ โดย } \theta = 45^\circ \text{ สำหรับ } u \text{ ค่าคงที่}$$

สำหรับการเคลื่อนที่ในแนววงกลม

$$a_c = \frac{v^2}{r}, \quad F_c = \frac{m v^2}{r}, \quad \tan \theta = \frac{v^2}{rg}, \quad \theta = \omega t, \quad \omega = 2\pi f$$

### 4. กราฟ(Graph)



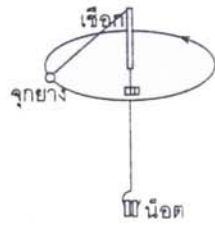
### 4. กิจกรรมการทดลองสำหรับการเคลื่อนที่ของวัตถุในหนึ่งมิติ

4.1 การทดลอง การเคลื่อนที่แบบโพรเจกไทล์ จุดประสงค์ เพื่อศึกษาลักษณะการเคลื่อนที่แบบโพรเจกไทล์

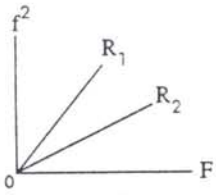
4.2 การทดลอง คาบของการเคลื่อนที่ในแนววงกลม จุดประสงค์ เพื่อศึกษาความสัมพันธ์ระหว่างคาบ แรงสู่ศูนย์กลาง และระหว่างคาบและรัศมีของการเคลื่อนที่

## ตัวอย่างโจทย์ฟิสิกส์ เรื่อง การเคลื่อนที่ใน 2 มิติ

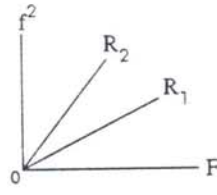
1.



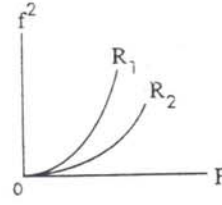
ในการทดลองการเคลื่อนที่ของวัตถุในแนววงกลม โดยแกว่งจุดขงในลักษณะดังรูป ถ้านำมาเขียนกราฟระหว่างขนาดแรงดึงในเส้นเชือก ( $F$ ) กับกำลังสองของความถี่ของการแกว่ง ( $f^2$ ) เมื่อรัศมีคงตัว  $R_1$  ค่าหนึ่งและ  $R_2$  อีกค่าหนึ่ง โดย  $R_2 > R_1$  จะได้กราฟดังรูปใด



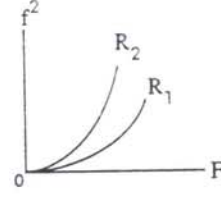
1.



2.

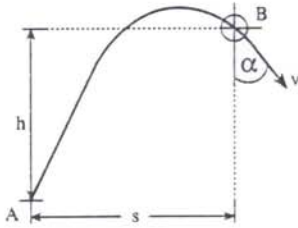


3.



4.

2.



นักกีฬาบาสเกตบอลคนหนึ่งโยนลูกจากจุด A ไปยังจุด B ขณะที่ลูกบาสมาถึงที่จุด B ลูกบาสกำลังเคลื่อนที่ด้วยอัตราเร็ว  $v$  โดยมีทิศทางทำมุม  $\alpha$  กับแนวตั้งตามรูป เวลาที่ใช้ในการเคลื่อนที่ของลูกบาสจาก A มา B คือเท่าใด

1.  $\frac{s}{v \sin \alpha}$

2.  $\frac{s}{v \cos \alpha}$

3.  $\frac{h}{v \sin \alpha}$

4.  $\frac{h}{v \cos \alpha}$

3.

ชายคนหนึ่งยืนอยู่บนพื้นสนามราบ เขาขว้างลูกบอลขึ้นไปในอากาศ ลูกบอลลอยอยู่ในอากาศนาน 4.0 วินาที โดยไม่คิดแรงต้านของอากาศ ถ้าลูกบอลไปได้ไกลในแนวระดับ 60.0 เมตร ความเร็วที่ใช้ขว้างลูกบอลมีค่าเท่าไร

1. 15.0 เมตร/วินาที

2. 20.0 เมตร/วินาที

3. 25.0 เมตร/วินาที

4. 30.0 เมตร/วินาที

4.

ถ้าวงโคจรของโลกรอบดวงอาทิตย์เป็นวงกลมและรัศมีของวงโคจรเพิ่มขึ้นเป็น 2 เท่า รัศมีเพิ่มเติม คาบของการโคจรจะเพิ่มเป็นกี่เท่าของคาบเดิม

1.  $\sqrt{2}$  เท่า

2. 2 เท่า

3.  $2\sqrt{2}$  เท่า

4. 4 เท่า

5.

รถยนต์คันหนึ่งวิ่งบนทางโค้งด้วยอัตราเร็ว 90 กิโลเมตร/ชั่วโมง รัศมีความโค้งของถนน 500.0 เมตร ความกว้างของถนนวัดตามแนวราบเทียบกับจุดต่ำสุดของด้านในได้ 8.0 เมตร จะต้องขกขอบถนนด้านนอกให้สูงกว่าด้านในเท่าใด เมื่อรถวิ่งบนทางโค้งแล้วไม่ไถลออกนอกเส้นทาง

1. 1.25 เมตร

2. 1.0 เมตร

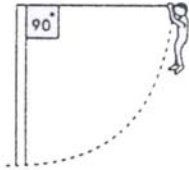
3. 0.75 เมตร

4. 0.8 เมตร

6. นำวัตถุมวล  $m$  ผูกเชือกแล้วแกว่งเป็นวงกลมในระนาบตั้ง มีรัศมี  $r$  อัตราเร็วที่น้อยที่สุดในวงกลมที่วัตถุจะเคลื่อนที่มีวิถีเป็นวงกลมสมบูรณ์ได้ จะมีค่าเท่าใด

1.  $\sqrt{3rg}$       2.  $\sqrt{2rg}$       3.  $\sqrt{\frac{rg}{2}}$       4.  $\sqrt{rg}$

7.



นักกายกรรมละครสัตว์โหนเชือกเริ่มต้นขณะเชือกทำมุม  $90^\circ$  กับแนวตั้งตั้งรูป เมื่อเชือกแกว่งทำให้นักกายกรรมอยู่ที่ตำแหน่งต่ำสุด นักกายกรรมต้องออกแรงยึดเป็นกี่เท่าของน้ำหนักตัวปกติ

1. 1 เท่า      2. 2 เท่า  
3. 3 เท่า      4. 4 เท่า

8. รถจักรยานยนต์วิ่งด้วยความเร็ว 108 กิโลเมตร/ชั่วโมง วิ่งตามทางโค้งซึ่งมีรัศมีความโค้ง 100 เมตร ผิวถนนอยู่ในแนวระดับ รถจักรยานยนต์จะเอียงทำมุมกับแนวตั้งเท่าใดจึงจะไม่ล้ม

1.  $\theta = \tan^{-1} 0.90$       2.  $\theta = \tan^{-1} 0.75$       3.  $\theta = \tan^{-1} 0.50$       4.  $\theta = \tan^{-1} 0.45$

เฉลย 1. ข้อ 1    2. ข้อ 1    3. ข้อ 3    4. ข้อ 3    5. ข้อ 2    6. ข้อ 4    7. ข้อ 3    8. ข้อ 1

